

# Toets 1, Lineaire Algebra

vrijdag 26 november 2004

De toets bestaat uit 4 vraagstukken. U krijgt 60 minuten om deze vraagstukken te beantwoorden.

1. Stel dat  $\mathcal{V}$  een vectorruimte is over  $\mathbb{R}$ , en laat  $\mathcal{W}$  een deelverzameling van  $\mathcal{V}$  zijn. Schrijf de drie voorwaarden op om te testen of  $\mathcal{W}$  een deelruimte is van  $\mathcal{V}$ .
2. Stel dat  $\mathcal{V}$  een vectorruimte is over  $\mathbb{R}$ . Laat  $\mathcal{W}_1$  en  $\mathcal{W}_2$  deelruimten zijn van  $\mathcal{V}$ . Toon aan dat de doorsnede  $\mathcal{W}_1 \cap \mathcal{W}_2$  een deelruimte van  $\mathcal{V}$  is.
3. Laat zien dat de vectorruimte  $P_2(\mathbb{R})$  van polynomen met graad hoogstens 2 wordt gegenereerd door de deelverzameling  $\{x^2 + x, x^2 + 1, x + 1\}$ .
4. Stel dat  $\mathcal{V}$  een vectorruimte is over  $\mathbb{R}$ . Stel dat  $\mathcal{S}$  een deelverzameling van  $\mathcal{V}$  is. Bewijs dat  $\text{span}(\mathcal{S})$  een deelruimte is van  $\mathcal{V}$ .